

1. Namangan davlat universiteti 70540101-Matematika (o'zbek) ta'lif yo'nalishi kunduzgi o'quv shakli 1-bosqich magistrantlari uchun "Gamologiya nazariyasiga kirish" fanidan 2024/2025 o'quv yili bahorgi semestrida o'tkaziladigan yakuniy nazorat uchun auditoriyada o'tilgan mavzular (ma'ruza, amaliy) yuzasidan nazorat savollar banki

1. Binar amal, yarimgruppa, monoid va gruppalar.
2. Gruppaning ta'rifini bering.
3. Gruppaning asosiy xossalari sanab bering.
4. Gruppaning tartibi va gruppa elementi tartibi
5. O'rin almashtirishlar gruppasi
6. Qism gruppalar. Siklik gruppalar
7. Qo'shni sinflar.
8. Lagranj teoremasi
9. Gruppalarning ko'paytmasi
10. Normal qism gruppalar
11. Faktor gruppalar
12. Sentralizator, normalizator va kommutant
13. Gruppaning gomomorfizmi
14. Gruppaning izomorfizmi.
15. Keli teoremasi
16. D4 gruppaning markazini toping.
17. Izomorfizm haqidagi teoremlar
18. Izomorfizm haqidagi ikkinchi teorema
19. Izomorfizm haqidagi uchinchi teorema
20. Gruppalarning to'g'ri va yarim to'g'ri ko'paytmasi
21. Abel gruppalari
22. Hosil qiluvchi elementlari cheklita bo'lgan abel gruppalari
23. Gruppaning to'plamga ta'siri
24. Silov teoremlari
25. Silovning birinchi teoremasi

26. Silovning ikkinchi teoremasi
27. Silovning uchinchi teoremasi
28. Silov teoremalarining ba'zi tadbirlari
29. Chekli sodda gruppalar
30. Kichik tartibli gruppalarning tasnifi
31. Halqa tushunchasini izohlang.
32. Birlik elementga ega bo'lgan halqa qanday ataladi?
33. Nolbo'luvchilarsiz halqa qanday ta'riflanadi?
34. Ideal nima?
35. Asosiy ideal halqasi deganda nimani tushunasiz?
36. Maksimal ideal nima?
37. O'rribbosar ideal deganda nimani tushunasiz?
38. Evklid halqasi haqida gapiring.
39. Prufer halqasi qanday xossalarga ega?
40. Noether halqasi nima?
41. Halqa homomorfizmi deganda nimani tushunasiz?
42. Polinomlar halqasi haqida gapiring.
43. Soddalashtirib bo'lmaydigan element nima?
44. Butun bo'luvchi halqa qanday ta'riflanadi?
45. Bo'linuvchi halqa deganda nimani tushunasiz?
46. Fieldning (maydonning) ta'rifini bering.
47. Katta ideal va kichik ideal farqini tushuntiring.
48. Halqada teskari element qanday topiladi?
49. Yechiluvchan va nilpotent gruppalar
50. Nilpotent gruppalar
51. Quyidagini isbotlang: Ixtiyoriy $(G; *)$ gruppasi uchun quyidagilar o'rini:
Gruppaning birlik elementi yagona.
52. Quyidagini isbotlang: Ixtiyoriy $(G; *)$ gruppasi uchun quyidagilar o'rini:
Ixtiyoriy $a \in G$ element uchun yagona teskari element mavjud.

53. Quyidagini isbotlang: Ixtiyoriy ($G; *$) gruppaga uchun quyidagilar o'rinni:
 Ixtiyoriy $a \in G$ elementiga uchun $(a^{-1})^{-1} = a$.
54. Quyidagini isbotlang: Ixtiyoriy ($G; *$) gruppaga uchun quyidagilar o'rinni:
 Ixtiyoriy $a, b \in G$ elementlariga uchun $(a * b)^{-1} = b^{-1} * a^{-1}$.
55. Gruppaning elementini tartibini toping $(\mathbb{Z}_6, +_6)$
56. $G = R \setminus \{1\}$ to'plamni $a * b = a + b - ab$ amalga nisbatan gruppaga tashkil qilishini isbotlang.
57. $G = R \setminus \{1\}$ to'plamni $a * b = a + b + ab$ amalga nisbatan gruppaga tashkil qilishini isbotlang.
58. Quyidagini isbotlang S_n ($n \geq 3$) gruppasi nokommutativ (kommutativ emas) va $|S_n| = n!$
59. Quyidagi α va β o'rinni almashtirishlar uchun $\alpha \circ \beta \circ \alpha^{-1}$ ifodani toping: $\alpha = (1\ 2\ 5\ 7); \beta = (2\ 4\ 6) \in S_7$:
60. Quyidagi α va β o'rinni almashtirishlar uchun $\alpha \circ \beta \circ \alpha^{-1}$ ifodani toping:
 $\alpha = (1\ 3\ 5\ 7); \beta = (2\ 4\ 8) \circ (1\ 3\ 6) \in S_8$
61. Quyidagi α va β o'rinni almashtirishlar uchun $\alpha \circ \beta \circ \alpha^{-1}$ ifodani toping:
 $\alpha = (1\ 3) \circ (5\ 8); \beta = (2\ 3\ 6\ 7) \in S_8$
62. Quyidagi α va β o'rinni almashtirishlar uchun $\alpha \circ \beta \circ \alpha^{-1}$ ifodani toping:
 $\alpha = (2\ 5\ 9) \circ (1\ 3\ 6); \beta = (1\ 5\ 7) \circ (2\ 4\ 6\ 9) \in S_9$
63. Quyidagini isbotlang: Gruppaning ixtiyoriy qismi gruppasining birlik elementi, gruppaga birlik elementi bilan ustma-ust tushadi.
64. Quyidagini isbotlang ($G; *$) gruppating bo'sh bo'limgan $H \subset G$ qismi to'plami qismi gruppaga bo'lishi uchun ixtiyoriy $a; b \in H$ elementlariga uchun $a * b^{-1} \in H$
65. ($G; *$) gruppasi va uning bo'sh bo'limgan $H \subset G$ chekli qismi to'plami berilgan bo'lsin. Agar $a; b \in H$ elementlariga uchun $a * b \in H$ munosabat o'rinni bo'lsa, u holda $(H; *)$ qismi gruppaga bo'ladi.
66. ($G; *$) gruppating markazi uning kommutativ qismi gruppasi bo'ladi.
67. ($G; *$) gruppating ixtiyoriy sondagi qismi gruppalarini kesishmasi yana qismi gruppaga bo'ladi.

68. Quyidagi to‘plamlar ($Z_{12}; +12$) gruppaning qism gruppasi bo‘lishini isbotlang:

$$H_1 = \{\bar{0}, \bar{2}, \bar{4}, \bar{6}, \bar{8}, \bar{10}\}.$$

69. Quyidagi to‘plamlar ($Z_{12}; +12$) gruppaning qism gruppasi bo‘lishini isbotlang: $H_2 = \{\bar{0}, \bar{3}, \bar{6}, \bar{9}\}$.

70. Quyidagi to‘plamlar ($Z_{12}; +12$) gruppaning qism gruppasi bo‘lishini isbotlang: $H_3 = \{\bar{0}, \bar{4}, \bar{8}\}$.

71. S₃ gruppaning A₃ qism gruppasi barcha chap qo‘shni sinflarini tuzamiz, bu yerda A₃ = (e; (1 2 3); (1 3 2))

72. Quyidagi teoramani isbotlang: G gruppera va uning H qism gruppasi berilgan bo‘lsin. Ixtiyoriy a; b ∈ G elementlar uchun quyidagi munosabatlar o‘rinli:

$$aH = bH \Leftrightarrow b^{-1} * a \in H.$$

73. Quyidagi teoramani isbotlang: G gruppera va uning H qism gruppasi berilgan bo‘lsin. Ixtiyoriy a; b ∈ G elementlar uchun quyidagi munosabatlar o‘rinli:

$$Ha = Hb \Leftrightarrow a * b^{-1} \in H.$$

74. Quyidagi teoremani isbotlang: Bizga G gruppera va uning H qism gruppasi berilgan bo‘lsin. Ixtiyoriy a; b ∈ G elementlar uchun aH = bH yoki aH ∩ bH = ∅ ; munosabatlardan biri o‘rinli, ya’ni qo‘shni sinflar yoki ustma-ust tushadi, yoki kesishmaydi.

75. Quyidagi teoremani isbotlang: H; aH va Ha to‘plamlar orasida o‘zaro bir qiymatli moslik ornatish mumkin.

76. Quyidagi teoremani isbotlang: G gruppaning H qism gruppasini barcha chap va o‘ng qo‘shni sinflaridan tashkil topgan sistemalar o‘rtasida o‘zaro bir qiymatli moslik mavjud, ya’ni $|L| = |R|$

77. Lagranj teoremasini isbotlang

78. Quyidagi teremani isbotlang: G gruppaning H va K qism gruppalarining ko‘paytmasi HK to‘plam G gruppaning qism gruppasi bo‘lishi uchun HK = KH bo‘lishi zarur va yetarli.

79. G gruppaning H va K qism gruppalari ko‘paytmasi ham qism gruppera bo‘lishi uchun HK = $\langle H \cup K \rangle$ bo‘lishi zarur va yetarli.

80. G gruppera uning H va K chekli qism gruppalarini berilgan bo'lsin. U holda

$$|HK| = \frac{|H||K|}{|H \cap K|}.$$

81. Quyidagi G gruppalarining H qism gruppalarini bo'yicha o'ng qo'shni sinflarini aniqlang. $G = S_3$ va $H = \{e, (2\ 3)\}$.

82. Quyidagi G gruppalarining H qism gruppalarini bo'yicha o'ng qo'shni sinflarini aniqlang. $G = S_3$ va $H = \{e, (1\ 2\ 3), (1\ 3\ 2)\}$.

83. S4 gruppating H = {e; (1 2) ° (3 4); (1 4) ° (3 2); (1 3) ° (2 4)} qism gruppasi barcha o'ng (chap) qo'shni sinflarini toping.

84. Berilgan qism gruppating normal qism gruppera bo'lishi zaruriy va yetarlilik shartini keltirib isbotlang.

85. Quyidagini isbotlang: G gruppating H va K normal qism gruppalarini uchun quyidagilar o'rinni: $H \cap K$ ham G gruppating normal qism gruppasi bo'ladi;

86. Quyidagini isbotlang: G gruppating H va K normal qism gruppalarini uchun quyidagilar o'rinni: $HK = KH$ bo'lib, HK ham G gruppating normal qism gruppasi bo'ladi

87. Quyidagini isbotlang: G gruppating H va K normal qism gruppalarini uchun quyidagilar o'rinni: $\langle H \cup K \rangle = HK$.

88. G gruppating H normal qism gruppasi berilgan bo'lsin. U holda ($G \setminus H$; *) gruppera tashkil qiladi.

89. $G = (\mathbb{Z}; +)$ gruppani H = $5\mathbb{Z}$ qism gruppasi normal qism gruppera bo'lib, $G \setminus H$ faktor gruppating elementlarini toping.

90. $G = S_3$ gruppani H = {e; (1 2 3); (1 3 2)} qism gruppasi normal qism gruppera bo'lib, $G \setminus H$ faktor gruppating elementlarini toping.

91. H = {e; (1 2) ° (3 4); (1 4) ° (3 2); (1 3) ° (2 4)} to'plam S4 gruppating normal qism gruppasi ekanligini isbotlang.

92. G gruppera va uning H normal qism gruppasi uchun faktor gruppera elementlarini toping. $G = (\mathbb{Z}, +)$ va $H = (2\mathbb{Z}, +)$;

93. G gruppasi va uning H normal qism gruppasi uchun faktor gruppasi elementlarini toping. $G = (\mathbb{Q}, +)$ va $H = (\mathbb{Z}, +)$;

94. G gruppasi va uning H normal qism gruppasi uchun faktor gruppasi elementlarini toping. $G = (\mathbb{Z}_{12}, +_{12})$ va $H = \langle 4 \rangle$.

95. Quyidagi tasdiqni isbotlang : $C(a)$ to‘plam uchun quyidagilar o‘rinli.

Ixtiyoriy $a \in G$ element uchun $C(a)$ to‘plam G gruppining qism gruppasi bo‘ladi;

96. Quyidagi tasdiqni isbotlang : $C(a)$ to‘plam uchun quyidagilar o‘rinli.

Ixtiyoriy $a, b \in G$ elementlar uchun $C(b^{-1} * a * b) = b^{-1} * C(a) * b$;

97. Kommutator uchun quyidagi elementar xossalari o‘rinli ekanligini isbotlang:

1. $[a, b]^{-1} = [b, a]$;
2. $[a, b]ba = ab$;
3. $c^{-1}[a, b]c = [c^{-1}ac, c^{-1}bc]$;
4. $[ab, c] = a[b, c]a^{-1}[a, c]$;
5. $[c, ab] = [c, a]a[c, b]c^{-1}$.

98. Quyidagi tasdiqni isbotlang: Gruppaning kommutanti normal qism gruppasi bo‘ladi, ya’ni $[G; G] \triangleright G$:

99. Agar $A \triangleright G$ va $B \triangleright G$ bo’lsa, u holda $[A; B] \triangleright G$ va $[A; B] \subseteq A \cap B$ ekanligini isbotlang.

100. S4 gruppining quyidagi elementlari uchun $C(a)$ sentralizatorni aniqlang:

- $a = (1\ 2)$;
- $a = (1\ 2) \circ (3\ 4)$;
- $a = (1\ 2\ 3\ 4)$;

“Gamologiya nazariyasiga kirish” fanidan 2024/2025 o‘quv yili bahorgi semestrida o’tkaziladigan yakuniy nazorat uchun mustaqil ta’lim mavzulari yuzasidan nazorat savollar banki

1. Simpleks. Kompleks. Poliedr.
2. O‘lchamlar nazariyasining qo‘llanilishi.
3. Simpleksning qoplamasi haqidagi lemma va uning qo‘llanilishi.
4. Silindrik struktura.
5. Barisentrik bo‘linish ostida gomologik gruppalarning invariantlari.
6. Uzluksiz akslantirishda gomologik invariantlar.
7. Yevklid fazosida nuqtalarning erkli sistemasi. Nuqtalarning umumiyl holatda bo‘lgan sistemasi.
8. Yevklid fazosida qavariq to‘plamlar. Qavariq jism va uning xossalari.
9. Simpleks va uning xossalari.
10. Komplekslar vaularning xossalari.
11. Simpleksning orientatsiyasi. Kompleksning k-o‘lchamli zanjiri.
12. Zanjirlar to‘plami kommutativ grupper bo‘lishi.
13. Orientirlangan simpleks chegarasi.
14. Kompleksning gomologiyalar gruppasi.
15. Nol o‘lchamli gomologiyalar gruppasi.
16. Betti sonlari.
17. Eyler harakteristikasi.
18. Eyler harakteristikasi xossalarni tadbiqi.
19. Singular gomologiyalar.
20. Topologik fazolarning gomologik gruppalari.
21. Agar G guruh bo‘lsa, va $a \in G$ element bo‘lsa, a ning inversi qanday xususiyatlarga ega bo‘lishi kerak?
22. Agar I halqada ideal bo‘lsa, I ning quyi ideal ekanligini qanday isbotlash mumkin?
23. Agar H guruh G guruhining kichik guruhidan bo‘lsa, u holda H ning tartibi G ning tartibiga qanday ta’sir qiladi?

24. Halqaning definitsiyasini tushuntiring.
25. Maydonning definitsiyasini tushuntiring.
26. Homomorfizm va izomorfizm orasidagi farqni tushuntiring.
27. Homomorfizmning kernelini tushuntiring va uning xususiyatlarini yozing.
28. Idealning definitsiyasini tushuntiring.
29. Idealning eng kichik yoki eng katta bo'lishi haqida gapiring.
30. Halqada quyi ideal va uning xususiyatlari haqida yozing.
31. Har qanday guruhda neytral elementning yagona ekanligini isbotlang.
32. Idealning normalligi va uning xususiyatlarini tushuntiring.
33. Halqaning kommutativligi qanday aniqlanadi?
34. Halqada biror elementning neytral bo'lishi haqida nimalarni aytish mumkin?
35. Agar halqada ikki elementning yig'indisi 0 ga teng bo'lsa, bu elementlar orasida qanday bog'lanish mavjud bo'ladi?
36. Halqaning kichik halqalarini qanday aniqlash mumkin?
37. Ideal qanday tuziladi va uni qanday tushuntirish mumkin?
38. Halqaning normalligi qanday aniqlanadi?
39. Ideal va quyi ideal orasidagi farqni qanday tushuntirish mumkin?
40. Halqa tarkibidagi elementlarning teskari qiymatini qanday hisoblash mumkin?
41. Maydonlarning izomorfizmi qanday amalga oshiriladi?
42. Maydon bo'lib, uning tartibini qanday aniqlash mumkin?
43. Agar maydonning barcha elementlari 1 ga teng bo'lsa, bu maydonning xususiyatlarini tushuntiring.
44. Agar maydonning elementlari o'zaro teskari bo'lsa, bu maydonning kommutativligi qanday tekshiriladi?
45. Maydonlarning algebraik tuzilishini qanday tekshirish mumkin?
46. Agar maydonning yig'indisi 0 bo'lsa, bu holda nima bo'ladi?
47. Maydon elementlarining teskari qiymatlarini qanday topish mumkin?
48. Maydon elementlari orasidagi bog'lanishlar qanday tuziladi?
49. Agar maydonning biror elementining teskari qiymati mavjud bo'lsa, bu element qanday tasniflanadi?

50. Maydonni tekshirishda qanday yondashuvlar mavjud?
51. Agar F maydon bo'lsa va $a \in F$, $a \neq 0$, a^{-1} qanday aniqlanadi?
52. Agar F maydon bo'lsa, unda a^{-1} faqat $a \neq 0$ bo'lganda mavjudligini isbotlang.
53. Har qanday maydonning neytral elementini ko'rsating.
54. Agar F maydon bo'lsa va $a, b \in F$, $a \cdot b = 0$ bo'lsa, u holda $a = 0$ yoki $b = 0$ ekanligini isbotlang.
55. Agar F maydon bo'lsa, $a^{-1} a = 1$ ni isbotlang.
56. Agar F maydon bo'lsa va $a, b \in F$, $a = b$ bo'lsa, $a - b = 0$ ni isbotlang.
57. Agar F maydon bo'lsa, $a \neq 0$ va a^{-1} ni aniqlang.
58. Agar R kommutativ halqa bo'lsa, $0 \cdot r = 0$ ekanligini isbotlang.
59. Agar R halqa bo'lsa va $r, s \in R$ bo'lsa, $(r+s) \cdot t = r \cdot t + s \cdot t$ ($r + s$) ni isbotlang.
60. Agar R kommutativ halqa bo'lsa, $r \cdot s = s \cdot r$ ekanligini isbotlang.
61. Agar R halqa bo'lsa va $r \in R$, $r \cdot 0 = 0$ ni isbotlang.
62. Agar R halqa bo'lsa va $r \in R$, $r \cdot (s+t) = r \cdot s + r \cdot t$ ni isbotlang.
63. Agar R kommutativ halqa bo'lsa va $r, s \in R$ bo'lsa, $r \cdot s = 0$ $r \cdot s = 0$ bo'lsa, $r = 0$ $r = 0$ yoki $s = 0$ $s = 0$ ekanligini isbotlang.
64. Agar R halqa bo'lsa, $r + (-r) = 0$ $r + (-r) = 0$ ekanligini isbotlang.
65. Agar R kommutativ halqa bo'lsa, u holda $r \cdot 1 = rr \cdot 1 = r$ ekanligini isbotlang.
66. Agar G guruh bo'lsa va e uning neytral elementi bo'lsa, e ning xususiyatlarini yozing.
67. Agar G kommutativ guruh bo'lsa, $ab = ba$ ni qanday isbotlash mumkin?
68. Har qanday guruhda neytral element yagona ekanligini isbotlang.
69. Agar G guruh va $a \in G$ bo'lsa, a ning tartibini tushuntiring.
70. Agar G guruh bo'lsa va $a, b \in G$, $ab = e$ bo'lsa, $b = a^{-1}$ ni isbotlang.
71. Agar a va b guruhning elementlari bo'lsa, $a^{-1}b^{-1} = (ba)^{-1}$ ekanligini isbotlang.
72. Agar G guruh bo'lsa va $a^2 = e$, bu holda $a = e$ yoki $a^{-1} = a$ ekanligini isbotlang.
73. Endi G guruh bo'lsa va $a^n = e$, a ning tartibi qanday aniqlanadi?
74. Agar G guruh bo'lsa va $a, b \in G$ bo'lsa, $ab = ba$ bo'lsa, G guruh kommutativmi?
75. Agar $(R, +, \cdot)$ halqa bo'lsa, unda nolni ko'paytirishning ta'siri qanday bo'ladi, ya'ni, har qanday $r \in R$ uchun $0 \cdot r = r \cdot 0 = 0$ ekanini qanday isbotlash mumkin?

76. Z_n guruhining strukturasi qanday?
77. Z_6 guruhining barcha elementlarini va ularning tartiblarini toping.
78. Ikkilik guruh qanday ishlaydi?
79. $(Z_{12}, +)$ guruhining generatorlarini toping.
80. $(Q; +)$ gruppaning barcha avtomorfizmlarini toping.
81. Agar G gruppaning markazi faqat birlik elementdan iborat bo'lsa, u holda $Aut(G)$ gruppaning markazi ham birlik avtomorfizmdan iborat ekanligini isbotlang.
82. Q_8 gruppaning indeksi 2 ga teng bo'lgan 3 ta qism gruppalar birlashmasi ko'rinishida tasvirlang.
83. D_4 gruppaning barcha gomomorf akslarini toping.
84. Q_8 gruppaning barcha gomomorf akslarini toping.
85. Ixtiyoriy qism gruppasi normal bo'lgan, kommutativ bo'limgan gruppaga misol keltiring.
86. Quyidagi gruppalarning mumkin bo'lgan barcha to'g'ri yoyilmalarini toping $Z_{12}; Z_{18}; Z_{30}; Z_{60}$.
87. Quyidagi gruppalarning qaysilari o'zaro izomorf bo'ladi
 $Z_2 \times S_3; Z_2 \times Z_6; Z_{12}$.
88. Z_9 va $Z_3 \times Z_3$ gruppalar izomorf emasligini ko'rsating.
89. Quyidagi gruppalarning o'zaro izomorf emasligini ko'rsating $Z_8; Z_4 \times Z_2$ va $Z_2 \times Z_2 \times Z_2$
90. Z_{12} va $Z_2 \times Z_6$ gruppalarning izomorf emasligini ko'rsating.
91. $Z_2 \times S_3$ va A_4 gruppalarning izomorf emasligini ko'rsating.
92. $Z_2 \times S_3$ va D_6 gruppalarning izomorfligini ko'rsating va barcha izomorfizmlarni toping.
93. Isbotlang: $Aut(Z_2 \times Z_2) \cong S_3$.
94. $Aut(Z_2 \times Z_3)$ ni toping.
95. $Aut(Z_2 \times Z_4)$ ni toping.
96. $Aut(Z_3 \times Z_4)$ ni toping.
97. $Aut(Z_3 \times Z_3)$ ni toping.

98. $\text{Aut}(\mathbb{Z}_2 \times \mathbb{Z}_5)$ ni toping.
99. Taritibi 9; 16 va 27 sonlariga teng bo'lgan barcha abel gruppalarini toping.
100. Taritibi 15; 21; 22; 26; 33 va 35 sonlariga teng bo'lgan barcha abel gruppalarini toping.

Fan bo'yicha yakuniy nazorat savollari Matematika kafedrasining 2025 yil ____
_____*dagi* ____-son yig'ilishida muhokama etilgan va ma'qullangan.

Fakultet dekani:

O.Ismanova

Kafedra mudiri:

N.Xatamov

Tuzuvchilar:

S.Uralova

